

10. Automatyka i regulacja automatyczna, metody numeryczne

(ELIA_W10)

10.1. Transformata Laplace'a $L\{f'\}$ ma postać

- a) $L\{f'\} = sL\{f\} - f(0^-)$
- b) $L\{f'\} = sL\{f\} - f(0^+)$
- c) $L\{f'\} = sL\{f\} + f(0^-)$
- d) $L\{f'\} = sL\{f\} + f(0^+)$

(ELIA_W10)

10.2. Transformata Laplace'a $L\left\{\int_0^t f(\tau)d\tau\right\}$ ma postać

- a) $L\left\{\int_0^t f(\tau)d\tau\right\} = \frac{1}{s}F(s)$
- b) $L\left\{\int_0^t f(\tau)d\tau\right\} = \frac{1}{s}F(s) + f(0)$
- c) $L\left\{\int_0^t f(\tau)d\tau\right\} = \frac{1}{s^2}F(s)$
- d) $L\left\{\int_0^t f(\tau)d\tau\right\} = sF(s)$

(ELIA_W10)

10.3. Oryginał funkcji $\frac{3}{s+2}$ ma postać

- a) $-2e^{-3t}$
- b) $3e^{2t}$
- c) $3e^{-2t}$
- d) $1e^{3t}$

(ELIA_W10)

10.4. Dany jest obiekt opisany równaniami:

$$\frac{du_C}{dt} = -\frac{1}{C}i_L + \frac{1}{C}i$$
$$\frac{di_L}{dt} = \frac{1}{L}u_C - \frac{R}{L}i_L$$

Przy założeniu, że sygnałem wejściowym jest prąd i a sygnałem wyjściowym napięcie na rezystorze R przez, który płynie prąd i_L , równania stanu i wyjścia tego obiektu mają postać:

a)

$$\begin{bmatrix} \frac{du_c}{dt} \\ \frac{di_L}{dt} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & -\frac{1}{C} \\ \frac{1}{L} & -\frac{R}{L} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} u_c \\ i_L \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} \frac{1}{C} \\ 0 \end{bmatrix} [i]$$

$$[u_R] = [0 \quad R] \begin{bmatrix} u_c \\ i_L \end{bmatrix} + [0][i]$$

b)

$$\begin{bmatrix} \frac{du_c}{dt} \\ \frac{di_L}{dt} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & -\frac{1}{C} \\ \frac{1}{L} & -\frac{R}{L} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} i \\ i_L \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} \frac{1}{C} \\ 0 \end{bmatrix} [u_c]$$

$$[u_R] = [0 \quad R] \begin{bmatrix} u_c \\ i_L \end{bmatrix} + [0][u_c]$$

c)

$$\begin{bmatrix} \frac{du_c}{dt} \\ \frac{di_L}{dt} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -\frac{1}{C} & \frac{1}{C} \\ \frac{1}{L} & -\frac{R}{L} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} u_c \\ i_L \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \end{bmatrix} [i]$$

$$[u_R] = [0 \quad R] \begin{bmatrix} u_c \\ i_L \end{bmatrix} + [0][i]$$

d)

$$\begin{bmatrix} \frac{du_c}{dt} \\ \frac{di_L}{dt} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -\frac{1}{C} & \frac{1}{C} \\ \frac{1}{L} & -\frac{R}{L} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} u_c \\ i \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \end{bmatrix} [i_L]$$

$$[u_R] = [0 \quad R] \begin{bmatrix} u_c \\ i \end{bmatrix} + [0][i_L]$$

(ELIA_W10)

10.5. Zależność wg, której można przekształcić opis obiektu w przestrzeni stanu do postaci transmitancji, ma postać:

a) $G(s) = C(sI - A)^{-1} B + D$

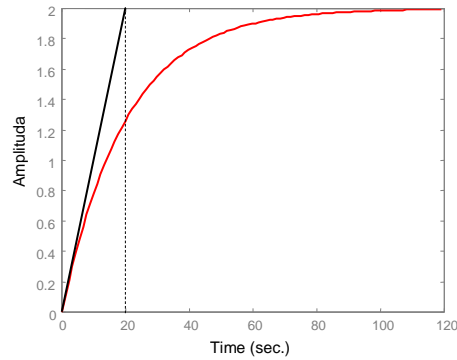
b) $G(s) = C(sI - A)^{-2} B + D$

c) $G(s) = B(sI - A)^{-1} C + D$

d) $G(s) = D(sI - A)^{-1} C + B$

(ELIA_W10)

10.6. Przedstawiony poniżej wykres odpowiedzi na skok jednostkowy został wyznaczony dla obiektu inercyjnego o transmitancji:



a) $G(s) = \frac{2}{20s+1}$

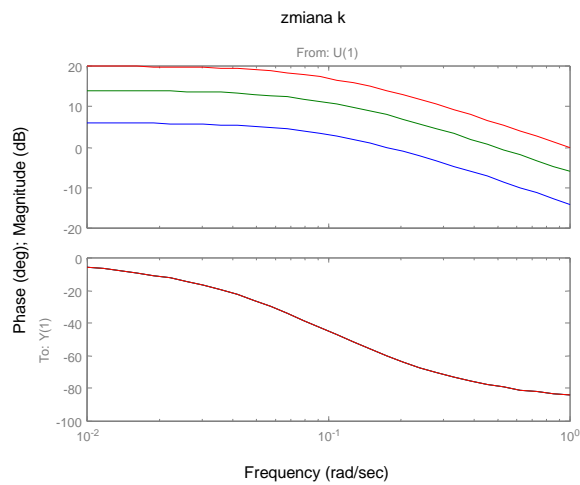
b) $G(s) = \frac{1}{10s+1}$

c) $G(s) = \frac{20}{2s+1}$

d) $G(s) = \frac{2}{60s+1}$

(ELIA_W10)

10.7. Przedstawiony poniżej wykres został sporządzony dla różnych wartości wzmocnienia dla obiektu:



a) różniczkującego rzeczywistego

b) inercyjnego

c) oscylacyjnego

d) całkującego idealnego

(ELIA_W10)

10.8. Dla stabilnego obiektu drugiego rzędu aby wystąpiły oscylacje, bieguny obiektu powinny być:

a) sprzężone i położone na lewo od osi urojonej

b) zespolone i położone na prawo od osi urojonej

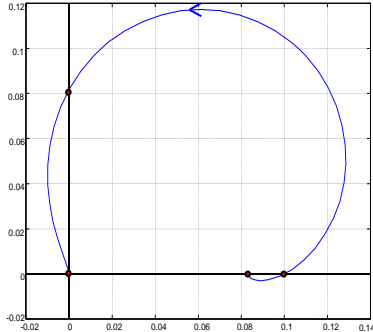
c) rzeczywiste i leżeć na osi urojonej

d) urojone i leżeć na osi rzeczywistej

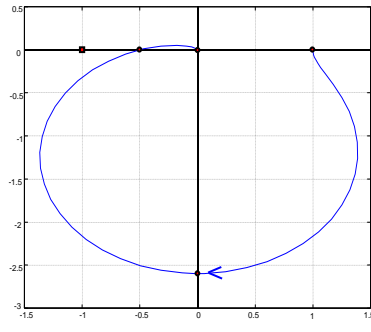
(ELIA_W10)

10.9. Który z wykresów Nyquista reprezentuje obiekt stabilny

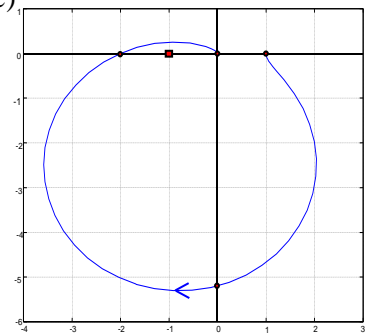
a)



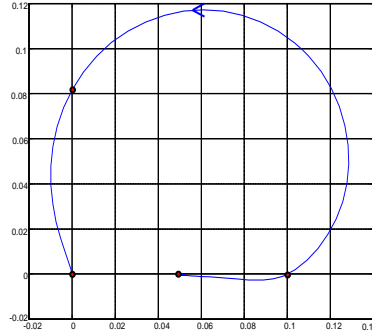
b)



c)



d)



(ELIA_W10)

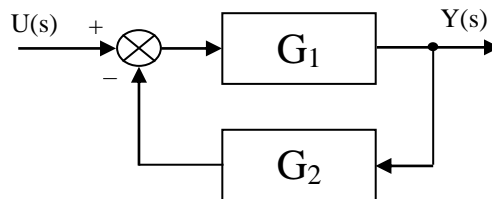
10.10. Poniżej pokazano układ złożony z dwóch transmitancji i sumatora. Jaka jest transmitancja zastępcza układu?

a) $G_z(s) = \frac{G_1}{1 + G_1 G_2}$

b) $G_z(s) = \frac{G_2}{1 - G_1 G_2}$

c) $G_z(s) = \frac{G_1}{1 - G_1 G_2}$

d) $G_z(s) = \frac{G_1 G_2}{1 - G_1 G_2}$



(ELIA_W10)

10.11. Kryterium stabilności Hurwitza mówi o stabilności obiektu m.in., gdy:

- a) podwyznaczniki macierzy Hurwitza są dodatnie
- b) elementy pierwszej kolumny macierzy Hurwitza są dodatnie
- c) wartości funkcji amplitudowo-częstotliwościowej obiektu nie przekraczają 1
- d) licznik transmitancji obiektu jest wielomianem przynajmniej stopnia drugiego

(ELIA_W10)

10.12. Kryterium stabilności Routha mówi o stabilności obiektu m.in., gdy:

- a) podwyznaczniki macierzy Routha są dodatnie
- b) elementy pierwszej kolumny macierzy Routha są dodatnie
- c) wartości funkcji amplitudowo-częstotliwościowej obiektu nie przekraczają 1
- d) licznik transmitancji obiektu jest wielomianem przynajmniej stopnia drugiego

(ELIA_W10)

10.13. Transmitancja operatorowa to:

- a) stosunek transformaty Laplace'a sygnału wyjściowego do transformaty Laplace'a sygnału wejściowego układu przy zerowych warunkach początkowych
- b) stosunek transformaty Laplace'a sygnału wejściowego do transformaty Laplace'a sygnału wyjściowego układu przy zerowych warunkach początkowych
- c) stosunek transformaty Laplace'a sygnału wyjściowego do transformaty Laplace'a sygnału wejściowego układu przy zerowym wymuszeniu
- d) stosunek sygnału wyjściowego do sygnału wejściowego układu

(ELIA_W10)

10.14. Opis obiektu za pomocą transmitancji nie jest możliwy dla obiektu:

- a) opisanego równaniami liniowymi SIMO
- b) opisanego równaniami nieliniowymi SISO
- c) opisanego równaniami liniowymi MISO
- d) opisanego równaniami liniowymi SISO

(ELIA_W10)

10.15. Opis obiektu w przestrzeni stanu nie jest możliwy dla:

- a) opisanego równaniami liniowymi SIMO
- b) opisanego równaniami nieliniowymi SISO
- c) opisanego równaniami liniowymi MISO
- d) opisanego równaniami liniowymi SISO

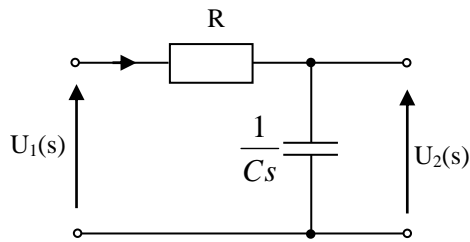
(ELIA_W10)

10.16. Kryterium stabilności Nyquista mówi o:

- a) stabilności układu zamkniętego na podstawie układu otwartego
- b) stabilności układu otwartego na podstawie układu zamkniętego
- c) stabilności układu zamkniętego na podstawie układu zamkniętego
- d) stabilności układu otwartego na podstawie układu otwartego

(ELIA_W10)

10.17. Wyznaczyć transmitancję układu z rysunku poniżej przy założeniu zerowych warunków początkowych.



a) $G(s) = \frac{1}{RCs + 1}$

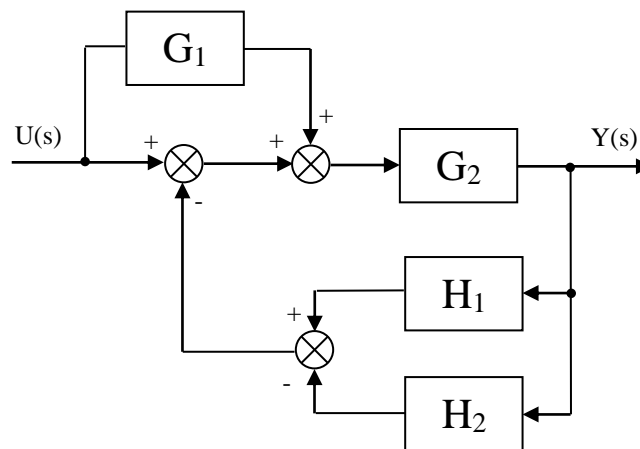
b) $G(s) = \frac{1}{s + RC}$

c) $G(s) = \frac{RCs}{RCs + 1}$

d) $G(s) = \frac{RCs + 1}{RCs}$

(ELIA_W10)

10.18. Wyznaczyć transmitancję zastępczą układu



a) $G_z = \frac{G_2(G_2 + G_1)}{1 + G_2(H_1 - H_2)}$

b) $G_z = \frac{G_2(1 + G_1)}{1 - G_2(H_1 - H_2)}$

c) $G_z = \frac{G_2(1 + G_1)}{1 + G_2(H_1 + H_2)}$

d) $G_z = \frac{G_2(1 + G_1)}{1 + G_2(H_1 - H_2)}$

(ELIA_W10)

10.19. Określić stabilność obiektu opisanego transmitancją $G_o(s) = \frac{1}{s^3 + 2s^2 + s + 12}$ z kryterium

Routha

$$\text{a) } R = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 0 \\ 2 & 12 & 0 \\ -5 & 0 & 0 \\ 12 & 0 & 0 \end{bmatrix} \text{ układ jest niestabilny}$$

$$\text{b) } R = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 0 \\ 2 & 12 & 0 \\ 5 & 0 & 0 \\ 12 & 0 & 0 \end{bmatrix} \text{ układ jest stabilny}$$

$$\text{c) } R = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 0 \\ -5 & 12 & 0 \\ 2 & 0 & 0 \\ 12 & 0 & 0 \end{bmatrix} \text{ układ jest niestabilny}$$

$$\text{d) } R = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 0 \\ 2 & 6 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \\ 12 & 0 & 0 \end{bmatrix} \text{ układ jest stabilny}$$

(ELIA_W10)

10.20. Dla obiektu opisanego transmitancją $G_z(s) = \frac{1}{s^3 + 2s^2 + s + 13}$ zbadać stabilność z kryterium

Hurwitza

$$\text{a) } H = \begin{bmatrix} 2 & 1 & 0 \\ 13 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 13 \end{bmatrix} \text{ układ jest stabilny}$$

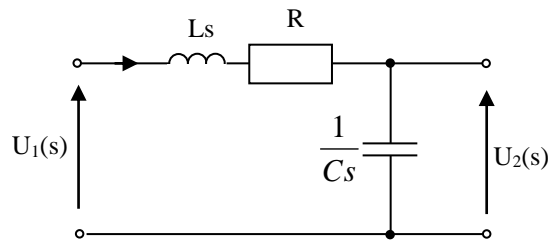
$$\text{b) } H = \begin{bmatrix} 2 & 1 & 13 \\ 13 & 1 & 2 \\ 0 & 0 & 13 \end{bmatrix} \text{ układ jest stabilny}$$

$$\text{c) } H = \begin{bmatrix} 2 & 1 & 0 \\ 13 & 1 & 2 \\ 0 & 0 & 13 \end{bmatrix} \text{ układ jest niestabilny}$$

$$\text{d) } H = \begin{bmatrix} 2 & 1 & 0 \\ 1 & 1 & 2 \\ 0 & 0 & 13 \end{bmatrix} \text{ układ jest niestabilny}$$

(ELIA_W10)

10.21. Wyznaczyć transmitancję układu z rysunku poniżej przy założeniu zerowych warunków początkowych.



- a) $G(s) = \frac{1}{RCs^2 + LCs + 1}$
b) $G(s) = \frac{1}{LCs^2 + RCs + LR}$
c) $G(s) = \frac{1}{LCs^2 + RCs + 1}$
d) $G(s) = \frac{RLC}{LCs^2 + RCs + 1}$

(ELIA_W10)

10.22. Dla układu oscylacyjnego o transmitancji $G(s) = \frac{400}{2s^2 + 20s + 200}$

wyznaczyć parametry k , ξ , ω_n

- a) $k = 200$, $\xi = 10$, $\omega_n = 100$
b) $k = 4$, $\xi = 1$, $\omega_n = 200$
c) $k = 2$, $\xi = 0.5$, $\omega_n = 10$
d) $k = 100$, $\xi = 0.2$, $\omega_n = 20$

(ELIA_W10)

10.23. Wyznaczyć oryginał funkcji $Y(s) = \frac{(s+3)}{(s+1)(s+2)}$

- a) $y(t) = 3 \cdot e^{-t} - 3 \cdot e^{-2t}$
b) $y(t) = 2 \cdot e^t - 1 \cdot e^{2t}$
c) $y(t) = 1 \cdot e^{-t} - 2 \cdot e^{-2t}$
d) $y(t) = 2 \cdot e^{-t} - 1 \cdot e^{-2t}$

(ELIA_W10)

10.24. Wyznaczyć oryginał funkcji $Y(s) = \frac{s+3}{(s+1)(s+2)^2}$

- a) $y(t) = (2 \cdot e^{-t} - 1 \cdot e^{-2t} - 3t \cdot e^{-2t})$

- b) $y(t) = (2 \cdot e^{-t} - 2 \cdot e^{-2t} - t \cdot e^{-2t})$
 c) $y(t) = (2 \cdot e^{-2t} - 2 \cdot e^{-2t} - t \cdot e^{-3t})$
 d) $y(t) = (1 \cdot e^{-t} - 2 \cdot e^{-2t} - 3t \cdot e^{-3t})$

(ELIA_W10)

10.25. Przekształcić równania stanu na transmitancję

$$\dot{X} = \begin{bmatrix} -5 & -6 \\ 1 & 0 \end{bmatrix} X + \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \end{bmatrix} U$$

$$Y = [0 \quad 1] X + [0] U$$

a) $G(s) = \frac{1}{s^2 + 5s + 6}$

b) $G(s) = \frac{1}{-s^2 + 5s + 6}$

c) $G(s) = \frac{1}{5s^2 + 6s + 1}$

d) $G(s) = \frac{5}{s^2 + s + 6}$

(ELIA_W10)

10.26. Wyznaczyć równania stanu dla obiektu opisanego równaniem $\ddot{y} + 6\dot{y} + 11y = 6u$.

(warunki początkowe zerowe, wyjściem jest sygnał y)

a)
$$\begin{bmatrix} \dot{x}_1 \\ \dot{x}_2 \\ \dot{x}_3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \\ -6 & -11 & -6 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 6 \end{bmatrix} [u]$$

$$[y] = [1 \quad 0 \quad 0] \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \end{bmatrix} + [0][u]$$

b)
$$\begin{bmatrix} \dot{x}_1 \\ \dot{x}_2 \\ \dot{x}_3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \\ -6 & -11 & -6 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 6 \\ 6 \\ 6 \end{bmatrix} [u]$$

$$[y] = [1 \quad 0 \quad 0] \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \end{bmatrix} + [0][u]$$

c)
$$\begin{bmatrix} \dot{x}_1 \\ \dot{x}_2 \\ \dot{x}_3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \\ -6 & -11 & -6 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 6 \end{bmatrix} [u]$$

$$[y] = [1 \quad 0 \quad 0] \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \end{bmatrix} + [0][u]$$

$$d) \begin{bmatrix} \dot{x}_1 \\ \dot{x}_2 \\ \dot{x}_3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \\ -6 & -11 & -6 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 6 \end{bmatrix} [u]$$

$$[y] = [1 \quad 1 \quad 1] \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \end{bmatrix} + [6][u]$$

METODY NUMERYCZNE

(ELIA_U07)

10.27. W obliczeniach numerycznych uzyskano wynik $x=0.001$. Wartość dokładna rozwiązania wynosi 0. Jaki jest błąd względny rozwiązania ?

- a) zero
- b) 0.001
- c) nieskończenie duży
- d) nieokreślony

(ELIA_U07)

10.28. Za pomocą pewnego algorytmu wyznaczono wartość numeryczną rozwiązania. Jaki jest błąd obliczeń numerycznych ?

- a) nieskończenie mały
- b) zależny od czasu obliczeń
- c) proporcjonalny do liczby iteracji
- d) możliwy tylko do oszacowania

(ELIA_U07)

10.29. Algorytm iteracyjny rozbieżny to:

- a) algorytm, w którym rozwiązanie określa się w nieskończonej liczbie powtórzeń
- b) algorytm, w którym błąd rozwiązania narasta do nieskończoności
- c) algorytm, w którym zwiększa się krok iteracji
- d) algorytm, w którym nie ma możliwości zatrzymania obliczeń

(ELIA_U07)

10.30. Metoda iteracyjna obliczeń wymaga:

- a) podania punktu startowego
- b) wyliczenia wartości startowych
- c) skorygowania wartości startowych generowanych samoczynnie
- d) niezależnych kilku punktów startowych

(ELIA_U07)

10.31. W iteracji prostej konieczne jest:

- a) spełnienie wymagania stabilności obliczeń
- b) wymaganie zbieżności ciągu iteracyjnego do punktu stałego
- c) zakończenie obliczeń w zadanej liczbie iteracji
- d) wyliczenie punktów startowych

(ELIA_U07)

10.32. W algorytmie zastosowano ciąg powtórzeń: $y(n+1)=y(n)+x(n)$. Jeżeli $x(n)$ jest ciągiem stałym (np. $x(n) = 1$ dla każdego n), to jakie wartości generuje ciąg $y(n)$?

- a) ciąg $y(n)$ zawiera narastające wartości stałe ciągu $x(n)$
- b) jest to ten sam ciąg $x(n)$, jeżeli $y(0)=0$
- c) wyznacza sumę wartości $x(n)$, jeżeli $y(0)=0$
- d) zależy to od punktu startowego $x(0)$

(ELIA_U07)

10.33. Metoda Newtona-Raphsona należy do grupy metod:

- a) rekurencyjnych
- b) iteracyjnych
- c) poszukiwań gradientowych
- d) nie można określić, do jakiej grupy należy

(ELIA_U07)

10.34. Obliczenia rekurencyjne polegają na:

- a) iteracyjnym tworzeniu ciągu rozwiązań
- b) poprawianiu rozwiązań już uzyskanych
- c) obliczaniu nowego rozwiązania, jeżeli znamy rozwiązania już istniejące
- d) rekurencyjnej zbieżności ciągów do rozwiązania dokładnego

(ELIA_U07)

10.35. Wskaźnik uwarunkowania dla zadania $\mathbf{Ax}=\mathbf{b}$ zawiera informację:

- a) o istnieniu rozwiązania zadania
- b) o dokładności rozwiązania
- c) o możliwych rozwiązaniach warunkowych zadania.
- d) o osobliwości macierzy \mathbf{A}

(ELIA_U07)

10.36. Interpolacja może być stosowana jako :

- a) metoda pomocnicza w aproksymacji wielomianowej
- b) metoda uśredniania danych pomiarowych poza węzłami interpolacji
- c) metoda szacowania pochodnej funkcji
- d) metoda przybliżenia funkcji wielu zmiennych

(ELIA_U07)

10.37. W metodzie interpolacji funkcjami sklejanymi stosuje się funkcje wielomianowe co najwyżej stopnia:

- a) 2
- b) 3
- c) $N-1$, gdzie N – liczba węzłów
- d) nie ma znaczenia stopień wielomianu

(ELIA_U07)

10.38. Zjawisko Rungego:

- a) występuje w problemach ekstrapolacji
- b) jest wynikiem źle dobranych punktów pomiarowych w przybliżeniu funkcyjnym
- c) ma miejsce w interpolacji wielomianowej
- d) prowadzi do niestabilności rozwiązania metodą Runge – Kutta

(ELIA_U07)

10.39. Aproksymacja trygonometryczna służy do:

- a) aproksymacji funkcji trygonometrycznych
- b) przybliżenia rozwinięcia funkcji w szereg nieskończony
- c) wyznaczenia składowych harmonicznym funkcji okresowych
- d) zapoczątkowania obliczeń szybkiej transformaty Fouriera

(ELIA_U07)

10.40. Numeryczne obliczanie pola pod krzywą jest:

- a) algorytmem rekurencyjnym
- b) algorytmem iteracyjnym
- c) wymaga zastosowania iteracji a potem rekurencji
- d) nie wymaga stosowania ani iteracji, ani rekurencji

(ELIA_U07)

10.41. Równanie różniczkowe zwyczajne ma rozwiązanie numeryczne w postaci:

- a) funkcji ciągłej wraz z jej pierwszą pochodną
- b) krzywej całkowitej przechodzącej przez zadany punkt
- c) dyskretnego zbioru punktów, startującego z warunku początkowego
- d) algorytmu całkowania numerycznego

(ELIA_U07)

10.42. Metody Adamsa-Bashfortha to:

- a) metody poszukiwań kierunkowych
- b) metody poszukiwań prostych
- c) metody ekstrapolacyjne
- d) metody aproksymacji rozwiązań krzywych całkowitych

(ELIA_U07)

10.43. Metody Gear'a są:

- a) metodami minimalizacji funkcji wielu zmiennych
- b) metodami całkowania numerycznego
- c) metodami poszukiwania ekstremum funkcji
- d) optymalizacji parametrycznej

(ELIA_U07)

10.44. Wyznaczenie wartości minimalnej funkcji $f(\mathbf{x})$ w kierunku \mathbf{d} wymaga znajomości:

- a) pochodnej kierunkowej funkcji
- b) gradientu funkcji
- c) kierunku \mathbf{d} i Hesjanu funkcji
- d) subgradientu funkcji

(ELIA_U07)

10.45. Pochodna kierunkowa i gradient funkcji $f(\mathbf{x})$:

- a) są pojęciami zamiennymi
- b) oznaczają odpowiednio skalar i wektor
- c) wyznaczają punkty malenia funkcji
- d) nie mogą istnieć jednocześnie

(ELIA_U07)

10.46. Zadanie programowania liniowego to:

- a) zadanie minimalizacji funkcji liniowej z ograniczeniami liniowymi

- b) zadanie podziału i ograniczeń
- c) zmodyfikowana metoda simpleks
- d) minimalizacja funkcji na wielościanie wypukłym

(ELIA_U07)

10.47. Rozwiązanie zadania programowania liniowego może znajdować się:

- a) we wnętrzu ograniczeń nieliniowych
- b) poza zbiorem ograniczeń funkcyjnych
- c) w wierzchołku zbioru ograniczeń
- d) w punkcie nieliniowych ograniczeń aktywnych

(ELIA_U07)

10.48. Metody numeryczne poszukiwania minimum funkcji są metodami:

- a) iteracyjnymi
- b) rekurencyjnymi
- c) nie są ani iteracyjne ani rekurencyjne
- d) stosują zasadę iteracji w algorytmie rekurencyjnym

(ELIA_U07)

10.49. Simpleks to:

- a) metoda optymalizacji nieliniowej z ograniczeniami
- b) wielościan w przestrzeni (n) – wymiarowej
- c) metoda poszukiwań losowych punktów optymalnych
- d) metoda odwrotna do metody Kompleks.

(ELIA_U07)

10.50. Metoda najszybszego spadku wyznacza kierunek poszukiwań rozwiązań optymalnych jako:

- a) wektor gradientu funkcji
- b) wektor prostopadły do gradientu
- c) wektor przeciwny do gradientu
- d) wektor odwrotny do gradientu

(ELIA_U07)

10.51. Różnica między interpolacją a aproksymacją polega na:

- a) różnym sposobie zbierania danych
- b) specyficznym wyborze punktów pomiarowych
- c) zróżnicowanych funkcjach bazowych
- d) liczebności punktów pomiarowych

(ELIA_U07)

10.52. Metoda całkowania trapezów należy do grupy metod:

- a) interpolacyjnych
- b) Rungego - Kutty
- c) ekstrapolacyjnych
- d) Adamsa Bashfortha

(ELIA_U07)

10.53. Węzły Czebyszewa są to:

- a) punkty równomiernie rozłożone w przedziale interpolacji
- b) pierwiastki wielomianu stopnia $(n+1)$ stosowane w interpolacji wielomianowej
- c) punkty pomiarowe jako wartości wielomianu Czebyszewa
- d) punkty charakterystyczne filtru Czebyszewa

(ELIA_U07)

10.54. Metody Runge-Kutta:

- a) wyznaczają rozwiązania równań różnicowych
- b) są metodami samostartującymi
- c) przybliżają rozwiązania krzywej całkowej w postaci wielomianów
- d) wyznaczają rozwiązania zawsze stabilne

(ELIA_U07)

10.55. W metodzie predyktor-korektor, korektor jest:

- a) równaniem z niewiadomą
- b) równaniem korekcji błędu
- c) metodą ekstrapolacyjną całkowania numerycznego
- d) jest algorytmem predyktora z członem korekcyjnym

(ELIA_U07)

10.56. Obszar stabilności algorytmów rozwiązywania równań różniczkowych zwyczajnych:

- a) jest taki sam dla rozwiązań stabilnych
- b) zależy od rozwiązywanego równania różniczkowego
- c) zależy od algorytmu całkowania
- d) zależy od kroku całkowania h metody

(ELIA_U07)

10.57. W algorytmie numerycznym rozwiązanie numerycznie stabilne to:

- a) rozwiązanie zbieżne do punktu stałego
- b) rozwiązanie obarczone błędem metody
- c) rozwiązanie o ograniczonym błędzie
- d) rozwiązanie bezbłędne

(ELIA_U07)

10.58. Szytywne równania różniczkowe można rozwiązać:

- a) dowolną metodą stało-krokową przy małym kroku całkowania
- b) przy ograniczonym kroku całkowania tylko wybranymi metodami
- c) całkując numerycznie równania dwukrotnie
- d) metodami o nieograniczonym obszarze stabilności

(ELIA_U07)

10.59. Algorytm minimalizacji funkcji w zadanym kierunku wykorzystuje:

- a) metodę aproksymacji funkcji na danym kierunku
- b) zasadę interpolacji wielomianowej
- c) metodę iteracyjną poszukiwań prostych
- d) metodę kolejnych przybliżeń

(ELIA_U07)

10.60. Minimum lokalne funkcji z ograniczeniami na zmienne decyzyjne określają zbiory:

- a) kierunków dopuszczalnych i gradientu funkcji
- b) kierunków poprawy i gradientów ograniczeń aktywnych
- c) kierunków dopuszczalnych i kierunków poprawy
- d) gradientów ograniczeń aktywnych

(ELIA_U07)

10.61. W rozwiązaniu zadania programowania nieliniowego ograniczenia aktywne :

- a) są określone przez mnożnik Lagrange'a ujemny
- b) są określone przez mnożnik Lagrange'a dodatni
- c) zawsze mają mnożnik Lagrange'a równy zero
- d) związane są z mnożnikiem Lagrange'a nieujemnym

(ELIA_U07)

10.62. Obliczenie numeryczne macierzy odwrotnej można wykonać:

- a) stosując dowolny algorytm iteracyjny
- b) rozwiązując układ n-równań liniowych
- c) wykorzystując algorytm Newtona-Raphsona
- d) na podstawie definicji

(ELIA_U07)

10.63. Metoda Newtona może być wykorzystana do obliczenia ekstremum funkcji:

- a) tak, zawsze
- b) dla zadań specjalnych, dobrze uwarunkowanych
- c) tylko wtedy, gdy Hesjan jest nieosobliwy
- d) jeżeli Hesjan jest dobrze uwarunkowany

(ELIA_U07)

10.64. Zbiór kierunków dopuszczalnych jest:

- a) zbiorem ograniczonym do zadanego punktu
- b) zbiorem docelowym zadania
- c) zbiorem decyzji dopuszczalnych
- d) wyznacza możliwe zmiany decyzji

(ELIA_U07)

10.65. Aproksymacja średniokwadratowa to:

- a) zagadnienie minimalizacji normy $\| \cdot \|_2$ wektora
- b) przybliżenie funkcji w postaci formy kwadratowej
- c) przybliżenie średniej odchyłki funkcji kwadratowej od punktów pomiarowych
- d) to przybliżenie polegające na minimalizacji sumy błędów pomiarowych